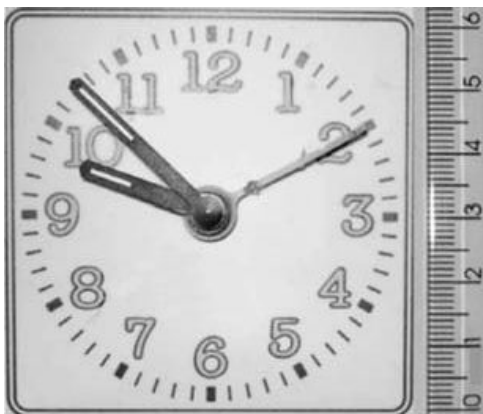


Esta prova aborda fenômenos físicos em situações do cotidiano, em experimentos científicos e em avanços tecnológicos da humanidade. Em algumas questões, como as que tratam de Física Moderna, as fórmulas necessárias para a resolução da questão foram fornecidas no enunciado. Quando necessário use $g = 10\text{m/s}^2$ para a aceleração da gravidade na superfície da Terra e $\Pi = 3$.

Questão 01

A experimentação é parte essencial do método científico, e muitas vezes podemos fazer medidas de grandezas físicas usando instrumentos extremamente simples.

a) Usando o relógio e a régua graduada em centímetros da figura no espaço de resposta, determine o módulo da velocidade que a extremidade do ponteiro dos segundos (o mais fino) possui no seu movimento circular uniforme.



b) Para o seu funcionamento, o relógio usa uma pilha que, quando nova, tem a capacidade de fornecer uma carga $q = 2,4 \text{ Ah} = 8,64 \times 10^3 \text{ C}$. Observa-se que o relógio funciona durante 400 dias até que a pilha fique completamente descarregada. Qual é a corrente elétrica média fornecida pela pilha?

RESOLUÇÃO

a) Da figura dada, temos que a extremidade do ponteiro dos segundos descreve um MCU de raio $R = 3\text{cm} = 3 \cdot 10^{-2}\text{m}$. Assim, temos:

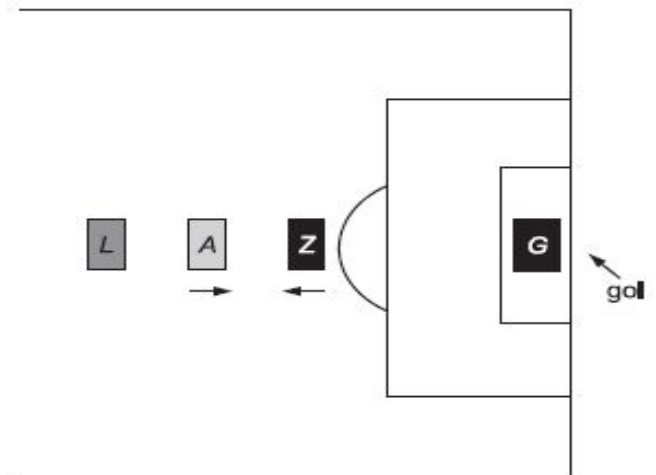
$$v = \frac{d}{\Delta t} = \frac{2\pi R}{T} \Rightarrow v = \frac{2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 10^{-2}}{60} \Rightarrow v = 3 \cdot 10^{-3} \text{ m/s}$$

b) Da definição de intensidade média de corrente elétrica i_m , para $\Delta t = 400 \cdot 24 = 9600 \text{ h}$, temos:

$$i_m = \frac{|Q|}{\Delta t} = \frac{2,4}{9600} \Rightarrow i_m = 2,5 \cdot 10^{-4} \text{ A}$$

Questão 02

A Copa do Mundo é o segundo maior evento desportivo do mundo, ficando atrás apenas dos Jogos Olímpicos. Uma das regras do futebol que gera polêmica com certa frequência é a do impedimento. Para que o atacante A não esteja em impedimento, deve haver ao menos dois jogadores adversários a sua frente, G e Z, no exato instante em que o jogador L lança a bola para A (ver figura). Considere que somente os jogadores G e Z estejam à frente de A e que somente A e Z se deslocam nas situações descritas abaixo.



a) Suponha que a distância entre A e Z seja de 12 m. Se A parte do repouso em direção ao gol com aceleração de $3,0 \text{ m/s}^2$ e Z também parte do repouso com a mesma aceleração no sentido oposto, quanto tempo o jogador L tem para lançar a bola depois da partida de A antes que A encontre Z?

b) O árbitro demora 0,1 s entre o momento em que vê o lançamento de L e o momento em que determina as posições dos jogadores A e Z. Considere agora que A e Z movem-se a velocidades constantes de $6,0 \text{ m/s}$, como indica a figura. Qual é a distância mínima entre A e Z no momento do lançamento para que o árbitro decida de forma inequívoca que A não está impedido?

RESOLUÇÃO

a) Considerando-se um MRUV para A e Z partindo simultaneamente com origem em A e crescente no sentido de A para Z, para o encontro, temos:

$$S = S_0 + v_0 t + \frac{a}{2} t^2 \Rightarrow \begin{cases} S_A = 0 + 0 \cdot t + \frac{3}{2} t^2 \\ S_Z = 12 + 0 \cdot t - \frac{3}{2} t^2 \end{cases} \Rightarrow \frac{3}{2} t^2 = 12 - \frac{3}{2} t^2 \Rightarrow t = 2,0 \text{ s}$$

b) Sendo a velocidade relativa entre A e Z de $v_R = 6 + 6 = 12$ m/s, para que o árbitro decida que não há impedimento, após $\Delta t = 0,1$ s, os jogadores deverão estar, no máximo, na mesma posição. Assim, temos:

$$v_R = \frac{\Delta S}{\Delta t} \Rightarrow 12 = \frac{\Delta S}{0,1} \Rightarrow \boxed{\Delta S = 1,2 \text{ m}}$$

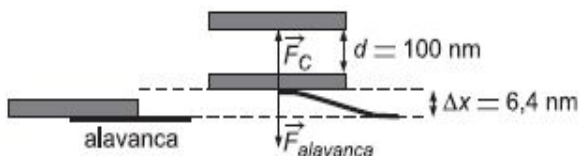
Questão 03

Em 1948 Casimir propôs que, quando duas placas metálicas, no vácuo, são colocadas muito próximas, surge uma força atrativa entre elas, de natureza eletromagnética, mesmo que as placas estejam descarregadas. Essa força é muitas vezes relevante no desenvolvimento de mecanismos nanométricos.

a) A força de Casimir é inversamente proporcional à quarta potência da distância entre as placas. Essa força pode ser medida utilizando-se microscopia de força atômica através da deflexão de uma alavanca, como mostra a figura no espaço de resposta. A força de deflexão da alavanca se comporta como a força elástica de uma mola. No experimento ilustrado na figura, o equilíbrio entre a força elástica e a força atrativa de Casimir ocorre quando a alavanca sofre uma deflexão de $\Delta x = 6,4$ nm. Determine a constante elástica da alavanca, sabendo que neste caso o módulo da força de Casimir é dado por $F_C = \frac{b}{d^4}$, onde $b = 9,6 \times 10^{-39}$ Nm⁴ e d é a distância entre as placas. Despreze o peso da placa.

b) Um dos limites da medida da deflexão da alavanca decorre de sua vibração natural em razão da energia térmica fornecida pelo ambiente.

Essa energia é dada por $E_T = k_B T$, em que $k_B = 1,4 \times 10^{-23}$ J/K e T é a temperatura do ambiente na escala Kelvin. Considerando que toda a energia E_T é convertida em energia elástica, determine a deflexão Δx produzida na alavanca a $T = 300$ K se a constante elástica vale $k_B = 0,21$ N/m.



RESOLUÇÃO

a) Para a situação de equilíbrio, temos:

$$F_{alavanca} = F_C \Rightarrow k\Delta x = \frac{b}{d^4} \Rightarrow k \cdot (6,4 \cdot 10^{-9}) = \frac{9,6 \cdot 10^{-39}}{(100 \cdot 10^{-9})^4} \Rightarrow \boxed{k = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ N/m}}$$

b) Igualando a energia térmica com a potencial elástica, vem:

$$E_e = E_T \Rightarrow \frac{1}{2} k_e \Delta x^2 = k_B T \Rightarrow \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot 0,21 \cdot \Delta x^2 = 1,4 \cdot 10^{-23} \cdot 300 \Rightarrow \Rightarrow \boxed{\Delta x = 2,0 \cdot 10^{-10} \text{ m}}$$

Obs.: na resolução foi feita a diferenciação entre a constante k_B e a constante elástica (k_e).

Questão 04

Em 2009 foram comemorados os 40 anos da primeira missão tripulada à Lua, a Missão Apollo 11, comandada pelo astronauta norte-americano Neil Armstrong. Além de ser considerado um dos feitos mais importantes da história recente, esta viagem trouxe grande desenvolvimento tecnológico.

a) A Lua tem uma face oculta, erroneamente chamada de lado escuro, que nunca é vista da Terra. O período de rotação da Lua em torno de seu eixo é de cerca de 27 dias. Considere que a órbita da Lua em torno da Terra é circular, com raio igual a $r = 3,8 \times 10^8$ m. Lembrando que a Lua sempre apresenta a mesma face para um observador na Terra, calcule a sua velocidade orbital em torno da Terra.

b) Um dos grandes problemas para enviar um foguete à Lua é a quantidade de energia cinética necessária para transpor o campo gravitacional da Terra, sendo que essa energia depende da massa total do foguete. Por este motivo, somente é enviado no foguete o que é realmente essencial. Calcule qual é a energia necessária para enviar um tripulante de massa $m = 70$ kg à Lua. Considere que a velocidade da massa no lançamento deve ser $v = \sqrt{2gR_T}$ para que ela chegue até a Lua, sendo g a aceleração da gravidade na superfície na Terra e $R_T = 6,4 \times 10^6$ m, o raio da Terra.

RESOLUÇÃO

a) Para que a Lua sempre apresente a mesma face para um observador na Terra, seu período de translação ao redor da Terra deve ser igual ao seu período de rotação sobre seu eixo, que é igual a $T = 27$ dias = 2.332.800s. Assim, a velocidade orbital da Lua em torno da Terra é dada por:

$$v = \frac{2 \cdot \pi \cdot r}{T} \Rightarrow \Rightarrow v = \frac{2 \cdot 3 \cdot 3,8 \cdot 10^8}{2\,332\,800} \Rightarrow \Rightarrow \boxed{v = 977 \text{ m/s}}$$

b) A energia cinética do tripulante no lançamento é dada por:

$$E = \frac{mv^2}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E = \frac{m(\sqrt{2gR_T})^2}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E = \frac{70 \cdot 2 \cdot 10 \cdot 6,4 \cdot 10^6}{2} \Rightarrow$$

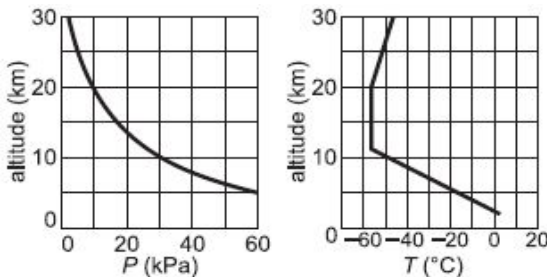
$$\Rightarrow \boxed{E = 4,5 \cdot 10^9 \text{ J}}$$

Questão 05

A Lua não tem atmosfera, diferentemente de corpos celestes de maior massa. Na Terra, as condições propícias para a vida ocorrem na troposfera, a camada atmosférica mais quente e densa que se estende da superfície até cerca de 12 km de altitude.

a) A pressão atmosférica na superfície terrestre é o resultado do peso exercido pela coluna de ar atmosférico por unidade de área, e ao nível do mar ela vale $P_0 = 100\text{kPa}$. Na cidade de Campinas, que está a 700 m acima do nível do mar, a pressão atmosférica vale $P_1 = 94 \text{ kPa}$. Encontre a densidade do ar entre o nível do mar e a altitude de Campinas, considerando-a uniforme entre essas altitudes.

b) Numa viagem intercontinental um avião a jato atinge uma altitude de cruzeiro de cerca de 10km. Os gráficos no espaço de resposta mostram as curvas da pressão (P) e da temperatura (T) médias do ar atmosférico em função da altitude para as camadas inferiores da atmosfera. Usando os valores de pressão e temperatura desses gráficos e considerando que o ar atmosférico se comporta como um gás ideal, encontre o volume de um mol de ar a 10 km de altitude. A constante universal dos gases é $R = 8,3 \frac{\text{J}}{\text{mol K}}$.



RESOLUÇÃO

a) Aplicando a Lei de Stevin, vem:

$$p_0 = p_1 + \mu gh \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 100 \cdot 10^3 = 94 \cdot 10^3 + \mu \cdot 10 \cdot 700 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{\mu = 0,86 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}$$

b) Da leitura do gráfico, vem que, para uma altitude de 10 km, temos uma pressão $p = 30 \text{ kPa}$ e uma temperatura $T = -50^\circ\text{C} = 223 \text{ K}$.

Da equação de estado para um gás perfeito, temos:

$$pV = nRT \Rightarrow 30 \cdot 10^3 \cdot V = 1 \cdot 8,3 \cdot 223 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{V = 6,2 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3}$$

Questão 06

Em 2009 completaram-se vinte anos da morte de Raul Seixas. Na sua obra o roqueiro cita elementos regionais brasileiros, como na canção *Minha viola*, na qual ele exalta esse instrumento emblemático da cultura regional.

A viola caipira possui cinco pares de cordas. Os dois pares mais agudos são afinados na mesma nota e frequência. Já os pares restantes são afinados na mesma nota, mas com diferença de altura de uma oitava, ou seja, a corda fina do par tem frequência igual ao dobro da frequência da corda grossa.

As frequências naturais da onda numa corda de comprimento L com as extremidades fixas são dadas por

$f_N = N(\frac{v}{L})$, sendo N o harmônico da onda e v a sua velocidade.

a) Na afinação Cebolão Ré Maior para a viola caipira, a corda mais fina do quinto par é afinada de forma que a frequência do harmônico fundamental é $f_1^{fina} = 220 \text{ Hz}$. A corda tem comprimento $L = 0,5 \text{ m}$ e densidade linear $\mu = 5 \times 10^{-3} \text{ kg/m}$.

Encontre a tensão r aplicada na corda, sabendo que a velocidade da onda é dada por $v = \sqrt{\frac{r}{\mu}}$.

b) Suponha que a corda mais fina do quinto par esteja afinada corretamente com $f_1^{fina} = 220 \text{ Hz}$ e que a corda mais grossa esteja ligeiramente desafinada, mais frouxa do que deveria estar. Neste caso, quando as cordas são tocadas simultaneamente, um batimento se origina da sobreposição das ondas sonoras do harmônico fundamental da corda fina de frequência f_1^{fina} , com o segundo harmônico da corda grossa, de frequência f_2^{grossa} .

A frequência do batimento é igual à diferença entre essas duas frequências, ou seja, $f_{bat} = f_1^{fina} - f_2^{grossa}$

Sabendo que a frequência do batimento é $f_{bat} = 4 \text{ Hz}$, qual é a frequência do harmônico fundamental da corda grossa, f_1^{grossa} ?

RESOLUÇÃO

a) De acordo com o enunciado, para o harmônico fundamental, $N = 1$, temos:

$$v = \sqrt{\frac{\tau}{\mu}} \Rightarrow \sqrt{\tau} = \frac{f_N L}{N} \Rightarrow$$

$$f_N = N \left(\frac{v}{L} \right)$$

$$\Rightarrow \sqrt{\frac{\tau}{5 \cdot 10^{-3}}} = 220 \cdot 0,5 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \tau = 60,5 \text{ N}$$

b) Da ocorrência do batimento, vem:

$$f_2^{grossa} = f_1^{fina} - f_{bat.} \Rightarrow f_2^{grossa} = 220 - 4 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow f_2^{grossa} = 216 \text{ Hz}$$

Assim, sendo $f_1^{grossa} = \frac{f_2^{grossa}}{2} \Rightarrow$

$$\Rightarrow f_1^{grossa} = \frac{216}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow f_1^{grossa} = 108 \text{ Hz}$$

Obs.: Há uma incorreção no enunciado, pois as frequências naturais das ondas em uma corda de extremidades fixas são dadas por $f_N = N \left(\frac{v}{2L} \right)$.

Questão 07

Em determinados meses do ano observa-se significativo aumento do número de estrelas cadentes em certas regiões do céu, número que chega a ser da ordem de uma centena de estrelas cadentes por hora. Esse fenômeno é chamado de chuva de meteoros ou chuva de estrelas cadentes, e as mais importantes são as chuvas de Perseidas e de Leônidas. Isso ocorre quando a Terra cruza a órbita de algum cometa que deixou uma nuvem de partículas no seu caminho. Na sua maioria, essas partículas são pequenas como grãos de poeira, e, ao penetrarem na atmosfera da Terra, são aquecidas pelo atrito com o ar e produzem os rastros de luz observados.

a) Uma partícula entra na atmosfera terrestre e é completamente freada pela força de atrito com o ar após se deslocar por uma distância de 1,5 km. Se sua energia cinética inicial é igual a $E_c = 4,5 \times 10^4 \text{ J}$, qual é o módulo da força de atrito média? Despreze o trabalho do peso nesse deslocamento.

b) Considere que uma partícula de massa $m = 0,1 \text{ g}$ sofre um aumento de temperatura de $\Delta\theta = 2400^\circ\text{C}$ após entrar na atmosfera.

Calcule a quantidade de calor necessária para produzir essa elevação de temperatura se o calor específico do material que compõe a partícula é $c = 0,90 \frac{\text{J}}{\text{g}^\circ\text{C}}$

RESOLUÇÃO

a) Considerando que a força de atrito é a resultante, do teorema da energia cinética, vem:

$$\vec{F}\tau = \Delta E_c \Rightarrow F \cdot d = \Delta E_c \Rightarrow F \cdot d = 0 - E_c \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F \cdot 1,5 \cdot 10^3 = -4,5 \cdot 10^4 \Rightarrow F = -30 \text{ N}$$

Logo, em módulo, a força de atrito média é de 30 N.

b) Da equação fundamental da calorimetria, temos:

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta\theta = 0,1 \cdot 0,9 \cdot 2400 \Rightarrow Q = 216 \text{ J}$$

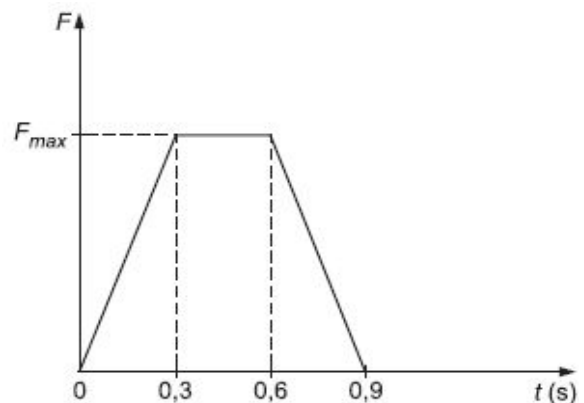
Questão 08

O lixo espacial é composto por partes de naves espaciais e satélites fora de operação abandonados em órbita ao redor da Terra. Esses objetos podem colidir com satélites, além de pôr em risco astronautas em atividades extraveiculares.

Considere que durante um reparo na estação espacial, um astronauta substituiu um painel solar, de massa $m_p = 80 \text{ kg}$, cuja estrutura foi danificada. O astronauta estava inicialmente em repouso em relação à estação e ao abandonar o painel no espaço, lança-o com uma velocidade $v_p = 0,15 \text{ m/s}$.

a) Sabendo que a massa do astronauta é $m_a = 60 \text{ kg}$, calcule sua velocidade de recuo.

b) O gráfico no espaço de resposta mostra, de forma simplificada, o módulo da força aplicada pelo astronauta sobre o painel em função do tempo durante o lançamento. Sabendo que a variação de momento linear é igual ao impulso, cujo módulo pode ser obtido pela área do gráfico, calcule a força máxima F_{max} .



RESOLUÇÃO

a) Pelo Princípio da Conservação da Quantidade de Movimento, temos:

$$\begin{aligned} \vec{Q}_i &= \vec{Q}_f \\ \vec{Q} &= m \cdot \vec{v} \Rightarrow 0 = m_p \cdot v_p + m_a \cdot v_a \Rightarrow \\ \Rightarrow 0 &= 80 \cdot 0,15 + 60 \cdot v_a \Rightarrow v_a = -0,2 \text{ m/s} \end{aligned}$$

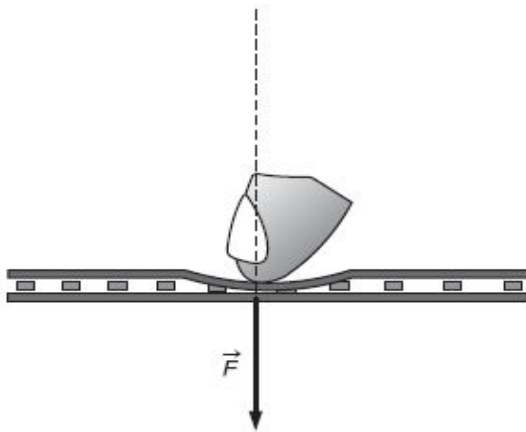
Logo, o astronauta recua a 0,2 m/s.

b) Do teorema do impulso, vem:

$$\begin{aligned} \vec{R} \cdot \vec{t} &= \Delta \vec{Q} \\ \vec{R} \cdot t &= \Delta Q \Rightarrow \Delta Q = \vec{R} \cdot \vec{t} \Rightarrow \\ \Rightarrow 80 \cdot 0,15 &= \frac{(0,9 + 0,3) \cdot F_{max}}{2} \Rightarrow \\ \Rightarrow F_{max} &= 20 \text{ N} \end{aligned}$$

Questão 09

Telas de visualização sensíveis ao toque são muito práticas e cada vez mais utilizadas em aparelhos celulares, computadores e caixas eletrônicos. Uma tecnologia freqüentemente usada é a das telas resistivas, em que duas camadas condutoras transparentes são separadas por pontos isolantes que impedem o contato elétrico.

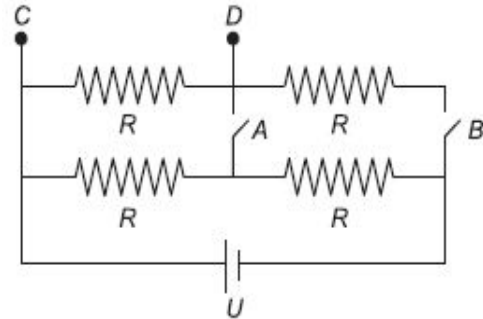


a) O contato elétrico entre as camadas é estabelecido quando o dedo exerce uma força \vec{F} sobre a tela, conforme mostra a figura anterior.

A área de contato da ponta de um dedo é igual a $A = 0,25 \text{ cm}^2$. Baseado na sua experiência cotidiana, estime o módulo da força exercida por um dedo em uma tela ou teclado convencional, e em seguida calcule a pressão exercida pelo dedo. Caso julgue necessário, use o peso de objetos conhecidos como guia para a sua estimativa.

b) O circuito simplificado da figura no espaço de resposta ilustra como é feita a detecção da posição do toque em telas resistivas. Uma bateria fornece uma

diferença de potencial $U = 6V$ ao circuito de resistores idênticos de $R = 2k\Omega$. Se o contato elétrico for estabelecido apenas na posição representada pela chave A, calcule a diferença de potencial entre C e D do circuito.

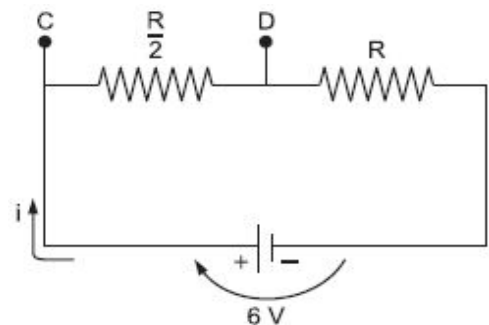


RESOLUÇÃO

a) Estimando que a força aplicada sobre a tela é da ordem de 1 N, a pressão é dada por:

$$p = \frac{F}{A} = \frac{1}{0,25 \cdot 10^{-4}} \Rightarrow p = 4 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

b) Com o contato feito somente em A, temos o seguinte circuito equivalente:



Assim temos:

$$\begin{aligned} i &= \frac{6}{\frac{R}{2} + R} \Rightarrow U_{CD} = \frac{R}{2} \cdot \frac{6}{\frac{R}{2} + R} \Rightarrow \\ U_{CD} &= \frac{R}{2} \cdot i \\ \Rightarrow U_{CD} &= 2V \end{aligned}$$

Questão 10

O GPS (*Global Positioning System*) consiste em um conjunto de satélites que orbitam a Terra, cada um deles carregando a bordo um relógio atômico. A Teoria da Relatividade Geral prevê que, por conta da gravidade, os relógios atômicos do GPS adiantam com relação a relógios similares na Terra. Enquanto na Terra transcorre o tempo de um dia ($t_{Terra} = 1,0 \text{ dia} = 86400 \text{ s}$), no satélite o tempo transcorrido é $t_{satélite} = t_{Terra} + \Delta t$, maior que um dia, e a diferença de tempo

Δt tem que ser corrigida. A diferença de tempo causada pela gravidade é dada por $(\Delta t/t_{Terra}) = (\Delta U/mc^2)$, sendo ΔU a diferença de energia potencial gravitacional de uma massa m entre a altitude considerada e a superfície da Terra, e $c = 3,0 \times 10^8$ m/s, a velocidade da luz no vácuo.

a) Para o satélite podemos escrever $\Delta U = mgR_T (1 - R_T/r)$, sendo $r = 4 R_T$ o raio da órbita, $R_T = 6,4 \times 10^6$ m o raio da Terra e g a aceleração da gravidade na superfície terrestre. Quanto tempo o relógio do satélite adianta em $t_{Terra} = 1,0$ dia em razão do efeito gravitacional?

b) Relógios atômicos em fase de desenvolvimento serão capazes de medir o tempo com precisão maior que uma parte em 10^{16} , ou seja, terão erro menor que 10^{-16} s a cada segundo. Qual é a altura h que produziria uma diferença de tempo $\Delta t = 10^{-16}$ s a cada $t_{Terra} = 1,0$ s? Essa altura é a menor diferença de altitude que poderia ser percebida comparando medidas de tempo desses relógios. Use, nesse caso, a energia potencial gravitacional de um corpo na vizinhança da superfície terrestre.

RESOLUÇÃO

a) O intervalo de tempo Δt que o relógio do satélite adianta em um dia (86 400 s) é dado por:

$$\frac{\Delta t}{t_{Terra}} = \frac{\Delta U}{mc^2}$$

$$\Delta U = mgR_T \left(1 - \frac{R_T}{r}\right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta t}{t_{Terra}} = \frac{mgR_T \left(1 - \frac{R_T}{4R_T}\right)}{mc^2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta t}{86\,400} = \frac{10 \cdot 6,4 \cdot 10^6 \left(1 - \frac{1}{4}\right)}{(3 \cdot 10^8)^2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{\Delta t = 4,6 \cdot 10^{-5} \text{ s}}$$

b) A altura h é dada por:

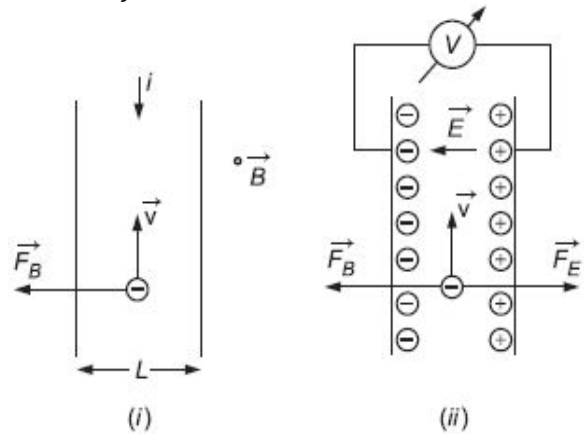
$$\frac{\Delta t}{t_{Terra}} = \frac{mgh}{mc^2} \Rightarrow \frac{10^{-16}}{1} = \frac{10 \cdot h}{(3 \cdot 10^8)^2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{h = 0,9 \text{ m}}$$

Questão 11

O Efeito Hall consiste no acúmulo de cargas dos lados de um fio condutor de corrente quando esse fio está sujeito a um campo magnético perpendicular à corrente. Pode-se ver na figura (i) no espaço de resposta uma fita metálica imersa num campo magnético

\vec{B} perpendicular ao plano da fita, saindo do papel. Uma corrente elétrica atravessa a fita, como resultado do movimento dos elétrons que têm velocidade \vec{v} , de baixo para cima até entrar na região de campo magnético. Na presença do campo magnético, os elétrons sofrem a ação da força magnética, \vec{F}_B , deslocando-se para um dos lados da fita. O acúmulo de cargas com sinais opostos nos lados da fita dá origem a um campo elétrico no plano da fita, perpendicular à corrente. Esse campo produz uma força elétrica \vec{F}_E , contrária à força magnética, e os elétrons param de ser desviados quando os módulos dessas forças se igualam, conforme ilustra a figura (ii) no espaço de resposta. Considere que o módulo do campo elétrico nessa situação é $E = 1,0 \times 10^{-4}$ V/m.



a) A fita tem largura $L = 2,0$ cm. Qual é a diferença de potencial medida pelo voltímetro V na situação da figura (ii)?

b) Os módulos da força magnética e da força elétrica da figura (ii) são dados pelas expressões $F_B = qvB$ e $F_E = qE$, respectivamente, q sendo a carga elementar. Qual é a velocidade dos elétrons? O módulo do campo magnético é $B = 0,2$ T.

RESOLUÇÃO

a) Como o campo elétrico é uniforme, temos:

$$U = E \cdot d = 1,0 \cdot 10^{-4} \cdot 2,0 \cdot 10^{-2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{U = 2,0 \cdot 10^{-6} \text{ V}}$$

b) No equilíbrio, temos:

$$F_B = F_E \Rightarrow q \cdot v \cdot B = q \cdot E \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v = \frac{E}{B} = \frac{1,0 \cdot 10^{-4}}{0,2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{v = 5 \cdot 10^{-4} \text{ m/s}}$$

Questão 12

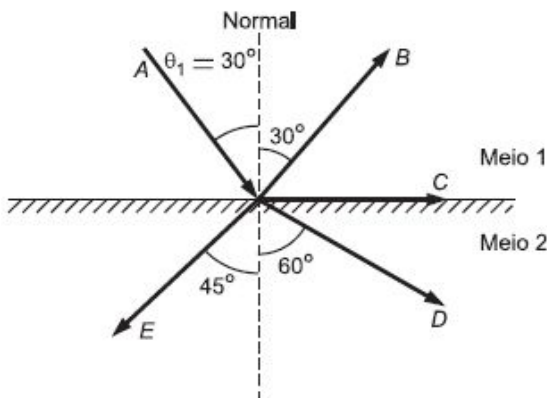
Há atualmente um grande interesse no desenvolvimento de materiais artificiais, conhecidos como metamateriais, que têm propriedades físicas não convencionais. Este é o caso de metamateriais que apresentam índice de refração negativo, em contraste com materiais convencionais que têm índice de refração positivo. Essa propriedade não usual pode ser aplicada na camuflagem de objetos e no desenvolvimento de lentes especiais.

a) Na figura no espaço de resposta é representado um raio de luz *A* que se propaga em um material convencional (Meio 1) com índice de refração $n_1 = 1,8$ e incide no Meio 2 formando um ângulo $\theta_1 = 30^\circ$ com a normal. Um dos raios *B*, *C*, *D* ou *E* apresenta uma trajetória que não seria possível em um material convencional e que ocorre quando o Meio 2 é um metamaterial com índice de refração negativo. Identifique este raio e calcule o módulo do índice de refração do Meio 2, n_2 , neste caso, utilizando a lei de Snell na forma: $|n_1| \sin \theta_1 = |n_2| \sin \theta_2$. Se necessário use $\sqrt{2} = 1,4$ e $\sqrt{3} = 1,7$.

b) O índice de refração de um meio material, n , é definido pela razão entre as velocidades da luz no vácuo e no meio. A velocidade da luz em um material é dada por $v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon\mu}}$, em que ϵ é a permissividade elétrica e μ é a permeabilidade magnética do material. Calcule o índice de refração de um material que tenha

$$\epsilon = 2,0 \times 10^{-11} \frac{C^2}{Nm^2} \text{ e } \mu = 1,25 \times 10^{-6} \frac{Ns^2}{C^2}$$

A velocidade da luz no vácuo é $c = 3,0 \times 10^8$ m/s.



RESOLUÇÃO

a) O raio *E* representa uma trajetória que não seria possível para um material convencional. Da Lei de Snell, vem:

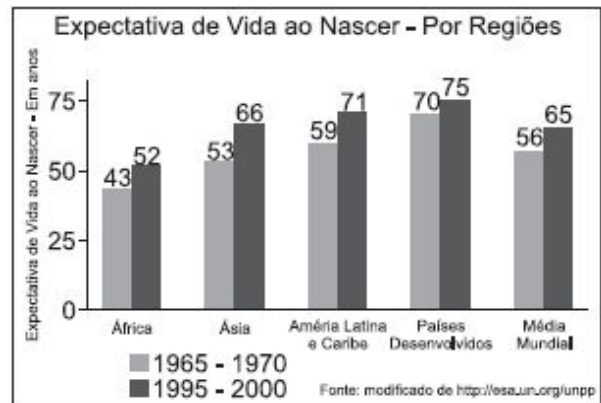
$$\begin{aligned} |n_1| \cdot \sin \theta_1 &= |n_2| \cdot \sin \theta_2 \Rightarrow \\ \Rightarrow 1,8 \cdot \sin 30^\circ &= |n_2| \cdot \sin 45^\circ \Rightarrow \\ \Rightarrow 1,8 \cdot \frac{1}{2} &= |n_2| \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow |n_2| = \frac{1,8}{1,4} \Rightarrow \\ \Rightarrow |n_2| &= 1,3 \end{aligned}$$

b) O índice de refração pedido é dado por:

$$\begin{aligned} n &= \frac{c}{v} \\ v &= \frac{1}{\sqrt{\epsilon \cdot \mu}} \Rightarrow n = c \cdot \sqrt{\epsilon \cdot \mu} = \\ &= 3 \cdot 10^8 \cdot \sqrt{2 \cdot 10^{-11} \cdot 1,25 \cdot 10^{-6}} \Rightarrow n = 1,5 \end{aligned}$$

Questão 13

Observe o gráfico abaixo e responda às questões:



a) Indique a(s) região(ões) do globo com taxa de esperança de vida ao nascer inferior à média mundial, nos intervalos 1965-1970 e 1995-2000. Indique a região representada no gráfico com o melhor desempenho no aumento de expectativa de vida ao nascer entre os períodos 1965/1970 e 1995/2000.

b) Por que, entre os períodos 1965/1970 e 1995/2000, houve aumento da esperança de vida ao nascer em todas as regiões indicadas no gráfico?

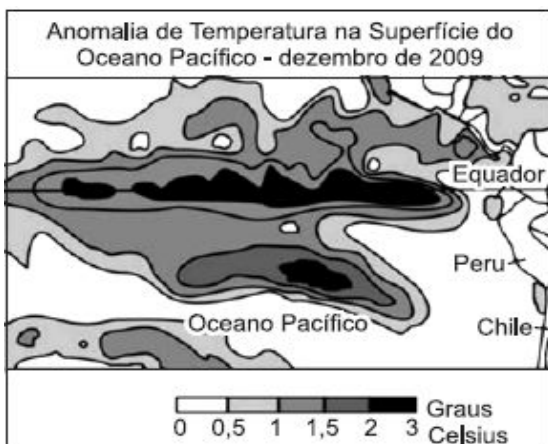
RESOLUÇÃO

a) A região do globo com taxa de esperança de vida inferior à média mundial é a África; já a região representada no gráfico que apresentou o melhor desempenho no aumento de expectativa de vida entre os períodos citados foi a Ásia.

b) Tal fato ocorreu, principalmente, porque houve uma melhora relativa no atendimento das populações pela medicina preventiva e pelo saneamento básico e melhoria das condições de renda, ainda que de maneira desigual pelo mundo.

Questão 14

O El Niño é um fenômeno atmosférico-oceânico que ocorre no oceano Pacífico Tropical, e que pode afetar o clima regional e global, porque altera padrões de vento em nível mundial. Desse modo, afeta regimes de chuva em regiões tropicais e de latitudes médias. Com o auxílio da figura abaixo, responda às questões:



- a) O que acontece com a temperatura das águas do Oceano Pacífico quando ocorre o El Niño? Qual a razão para esse fenômeno ser denominado El Niño?
- b) Nos anos em que esse fenômeno ocorre, qual a consequência para a atividade pesqueira do Peru? Qual a alteração do tempo no Nordeste Brasileiro?

RESOLUÇÃO

a) El Niño é o fenômeno de aquecimento anormal das águas equatoriais do oceano Pacífico. Como se inicia normalmente em dezembro, mês do nascimento do menino (niño, em espanhol) Jesus, adotou-se esse apelido.

b) A atividade pesqueira do Peru é prejudicada pelo El Niño, já que o fenômeno altera a dinâmica das correntes marinhas e, por consequência, o movimento de ressurgência das águas, responsável pela fartura dos cardumes.

O El Niño aumenta as chuvas no Centro-Sul do Brasil e agrava a estiagem no Nordeste e Norte do país.

Questão 15

Leia abaixo o trecho da música *Tropicália*, de Caetano Veloso (1968). A seguir responda às questões:

“Sobre a cabeça os aviões
 Sob os meus pés os caminhões
 Aponta contra os chapadões
 Meu nariz.
 Eu organizo o movimento
 Eu oriento o carnaval

Eu inauguro o monumento no planalto
 [central do país.]”

- a) O movimento tropicalista, do qual Caetano Veloso foi um representante, traça um retrato “cantado” do Brasil. Segundo algumas interpretações, na música *Tropicália* o autor contesta a ideologia que dominava o pensamento político do Brasil, principalmente entre as décadas de 1930 e 1960, mostrando as contradições da modernização subdesenvolvida do Brasil. A que fatos se referem os versos segundo e sétimo do trecho da música *Tropicália* acima reproduzida?
- b) Brasília, inaugurada em 1960, completa 50 anos em 2010. A sua construção no Planalto Central era um velho sonho do Estado brasileiro desde o Império. Aponte duas justificativas para a construção de Brasília.

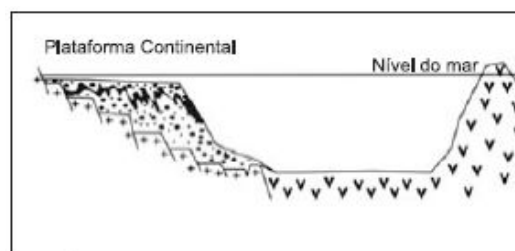
RESOLUÇÃO

a) O segundo verso – “Sob os meus pés os caminhões” – refere-se ao sistema de transporte de carga predominante no Brasil, o rodoviário; e o sétimo verso – “Eu inauguro o monumento no planalto central do país” – refere-se à construção e à inauguração de Brasília.

b) Entre as justificativas oficiais, destacam-se estimular a integração regional com a transferência de centro do poder político do litoral para o interior do país; por uma questão de segurança interna e externa, ficar distante de centros de maior pressão populacional; no interior, a capital do país seria um alvo menos vulnerável a uma agressão militar externa.

Questão 16

Observe, na figura abaixo, o perfil esquemático da costa brasileira e responda às questões:



- Legenda:
- Camada de Sal
 - ▣ Sedimentos Clásticos (areia, silte e argila)
 - ▽ Rochas Vulcânicas
 - ▢ Rochas do Embasamento Cristalino

- a) Em termos de composição rochosa, como se diferencia uma ilha situada na plataforma continental de uma ilha oceânica?
- b) Recentemente significativas reservas de petróleo foram encontradas na plataforma continental brasileira, na denominada Bacia de Santos. Esse petróleo foi formado, em parte, em ambiente de águas doces e

existem reservatórios muito similares na África. Explique esses fatos.

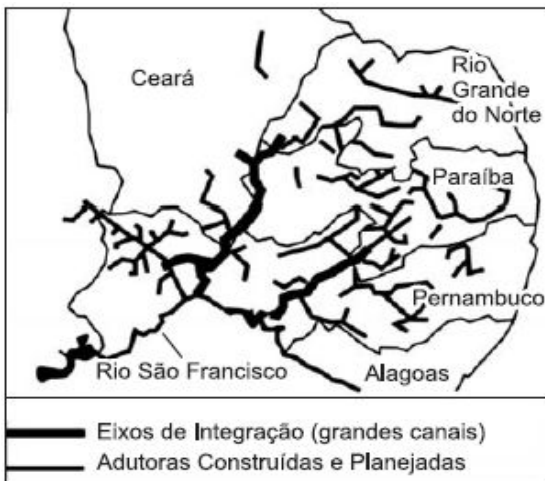
RESOLUÇÃO

a) Na plataforma continental, as ilhas apresentam, predominantemente, uma composição rochosa do tipo sedimentos clásticos, enquanto as ilhas oceânicas apresentam composição rochosa do tipo vulcânica.

b) Tal fato se explica porque, em era geológica passada, América do Sul e África estiveram unidas no que fora um supercontinente, chamado Gondwana, o que também explica a semelhança na estrutura geológica (sedimentar) e nas regiões de origem (continental) dessas reservas de petróleo.

Questão 17

O mapa abaixo representa a área abrangida pelo projeto de transposição do rio São Francisco.



a) Qual o principal bioma a ser atingido pela transposição do São Francisco? Dê duas características desse bioma.

b) Indique um impacto positivo e outro negativo esperados no projeto de transposição do São Francisco.

RESOLUÇÃO

a) O principal bioma a ser atingido pela transposição do São Francisco é a caatinga, predominante no semiárido brasileiro e cujas árvores possuem galhos tortuosos e pobres em folhas, substituídas por espinhos para evitar a perda de líquido com a evapotranspiração.

b) Como aspectos positivos do projeto, poderíamos citar o acesso do sertanejo à água potável e o incentivo à agricultura familiar.

Como aspectos negativos, poderíamos citar o fortalecimento da “indústria da seca” e o risco de “maior degradação” do rio São Francisco.

Questão 18

Leia o trecho e responda às questões:

A prática do crime é tão antiga quanto a própria humanidade. Mas o crime global, a formação de redes entre poderosas organizações criminosas e seus associados, com atividades compartilhadas em todo o planeta, constitui um novo fenômeno que afeta profundamente a economia no âmbito internacional e nacional, a política, a segurança e, em última análise, as sociedades em geral. A *Cosa Nostra* siciliana (e suas associadas *La Camorra*, *Ndrangheta* e *Sacra Corona Unita*), a máfia norte-americana, os narcotraficantes colombianos, os cartéis mexicanos, as redes criminosas nigerianas, a *Yakuza* do Japão, as triádes chinesas, a constelação formada pelas *mafiyas* russas, os traficantes de heroína da Turquia, as *posses* jamaicanas e um sem-número de grupos criminosos locais e regionais em todos os países do mundo uniram-se em uma rede global e diversificada que ultrapassa fronteiras e estabelece vínculos de todos os tipos.

(Adaptado de Manuel Castells, *Fim de milênio. A era da informação: economia, sociedade e cultura*, v. 3. São Paulo: Paz e Terra, 1999, p. 203 – 204.)

a) Com a exceção dos narcóticos, quais são os principais produtos que as organizações criminais transnacionais (ou com conexões internacionais) comercializam?

b) A Colômbia apresenta um histórico de violência, com forte presença do crime organizado. Além do narcotráfico existem grupos guerrilheiros e grupos paramilitares. Entre os grupos guerrilheiros ressaltem-se as FARC (Forças Armadas Revolucionárias) e o ELN (Exército de Libertação Nacional), que se confrontam com o exército, a polícia e grupos paramilitares. Qual a relação da guerrilha com o narcotráfico? O que é um grupo paramilitar?

RESOLUÇÃO

a) Além do narcotráfico, pode-se destacar também armas de todos os tipos e produtos da chamada “pirataria”: de CDs e DVDs a medicamentos; produtos da biopirataria como sementes, plantas e animais de várias espécies, e também órgãos do corpo humano, entre outros.

b) Narcotraficantes e grupos guerrilheiros agem simbioticamente: os primeiros financiam os guerrilheiros e estes oferecem segurança e logística ao tráfico.

Grupo paramilitar é uma formação armada militar, não regular, não oficializada e que atua paralelamente, em combinação ou mesmo contra as forças armadas militares oficiais, como as polícias e os exércitos regulares.

Questão 19

A evapotranspiração constitui a fonte de umidade atmosférica a partir da movimentação de água através do ciclo hidrológico. Nas áreas continentais os máximos de evaporação ocorrem nas regiões equatoriais.

(Adaptado de Kenitiro Suguio e João J. Bigarella, *Ambientes Fluviais*. Florianópolis, Editora da UFSC, 1990, p.5.)

- a) Quais fatores determinam a maior evapotranspiração nas regiões equatoriais do globo?
- b) Quais os processos que compõem a evapotranspiração?

RESOLUÇÃO

a) A intensa evapotranspiração típica das regiões equatoriais do planeta pode ser explicada pela elevada média térmica dessas regiões, associada à presença de densa massa florestada.

b) Os processos que compõem a evapotranspiração são a perda de água do solo – evaporação – e a perda de água das plantas – transpiração.

Questão 20

Leia o trecho a seguir e responda às questões:

O Brasil faz fronteira com dez países da América do Sul, entre os doze existentes, o que reforça o caráter estratégico dessa área para a competitividade do país e para a integração do continente. Mas, grande parte das regiões de fronteira está isolada dos centros nacionais, quer pela ausência de redes de transportes e de comunicação, quer pelo peso político e econômico menor que possui. Na escala local-regional, o meio geográfico que melhor caracteriza a zona de fronteira é aquele formado pelas cidades gêmeas nos limites entre os países. Essas cidades gêmeas apresentam fluxos transfronteiriços com elementos comuns, que geram interações.

(Adaptado de Lia Osório Machado, Estado, territorialidade, redes: cidades gêmeas na zona de fronteira sul-americana em Maria Laura Silveira (org.), *Continente em chamas: globalização e território na América Latina*. Rio de Janeiro: Civilização Brasileira, 2005, p. 258; e do Programa de Desenvolvimento de Faixa de Fronteira. Brasília: Ministério da Integração Nacional em: www.mi.gov.br/programasregionais/fronteira.asp?area=spr_fronteira. Acesso em: 12 out. 2009.)

- a) Comente, sucintamente, dois elementos incentivadores de fluxos transfronteiriços entre cidades gêmeas.
- b) Aponte dois projetos nacionais elaborados entre as décadas de 1980 e 1990 que podem ser considerados como estratégicos para a manutenção das fronteiras brasileiras.

RESOLUÇÃO

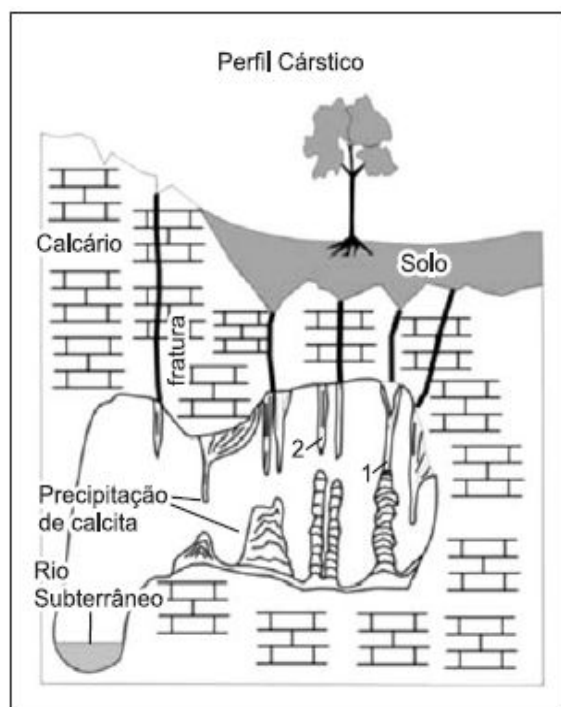
a) Entre os elementos incentivadores de fluxos fronteiriços entre cidades gêmeas, podemos des-

taçar o comércio de mercadorias (geralmente não legalizadas) e a busca de emprego e de terras por ambos os lados da fronteira.

b) Os dois projetos nacionais considerados estratégicos para a manutenção das fronteiras brasileiras são o Calha Norte (década de 1980) e o Sivam (década de 1990).

Questão 21

O relevo cárstico ou *karst* refere-se predominantemente a feições subterrâneas, como cavernas. Observe a representação na figura abaixo e responda às questões:



- a) Quais as condições básicas para o desenvolvimento do modelado cárstico?
- b) Defina os nomes dos espeleotemas indicados na figura pelos números 1 e 2.

RESOLUÇÃO

a) As condições básicas para o desenvolvimento do modelado cárstico, também chamado de cavernas, são a presença intensiva de calcário no subsolo, elevada umidade e relevo irregular. Basicamente, a formação se dá a partir do intemperismo químico, que desgasta o calcário e forma galerias subterrâneas.

b) Os espeleotemas identificados na figura são:

- 1) estalagmite;**
- 2) estalactite.**

Questão 22

O impacto sobre São Paulo dos migrantes nordestinos, que chegaram à cidade no meio do século XX, foi tão grande quanto os efeitos produzidos pelos imigrantes que vieram da Europa, do Oriente Médio e da Ásia em décadas anteriores. Nos dois casos, os que dominavam a cidade incentivaram a vinda desses trabalhadores e suas famílias (...). Entretanto, os efeitos sociais e políticos foram sempre mais difíceis de digerir como demonstram os casos recentes de uma prefeita da cidade e de um presidente da República, nascidos no Nordeste, e objetos em São Paulo de preconceitos nada sutis.

(Adaptado de Paulo Fontes, *Um Nordeste em São Paulo – Trabalhadores migrantes em São Miguel Paulista (1945-66)*. Rio de Janeiro: FGV, 2008. p.13.)

a) Qual a maior cidade nordestina **fora** do Nordeste brasileiro? Por que houve o incentivo ao processo migratório de nordestinos para São Paulo?

b) Quais as principais determinantes sociais e econômicas do processo migratório de nordestinos para São Paulo em meados do século XX?

RESOLUÇÃO

a) São Paulo, maior polo histórico de atração, é a cidade que tem maior número de nordestinos fora do Nordeste do Brasil. O incentivo da migração de nordestinos para a capital paulista está relacionado, direta ou indiretamente, ao processo de industrialização e urbanização e à maior oferta de emprego, devido à concentração econômica (industrial, comercial e de serviços) na maior cidade do país.

b) O processo migratório de nordestinos para São Paulo é uma das implicações mais marcantes do desequilíbrio socioeconômico regional, que tem, por um lado, a concentração econômica de São Paulo como fator de atração, e a pobreza e a concentração das terras e de renda como principais fatores de repulsão.

Questão 23

“O campesinato neste continente [América Latina] sempre precisou se movimentar para procurar terras de trabalho. Locomove-se movido pelo interesse de trabalhar com terras e ao mesmo tempo à procura delas. Ora consegue-as por ocupações e as perde por despejo judicial ou por grilagem; ora perde-as economicamente em função da política de preços que leva à perda de prazos de vencimento da hipoteca consumada para obter crédito para a lavoura. Perde-as ainda em função de determinações mais estruturais do processo de acumulação capitalista no campo em cada conjuntura – proletarização, subordinação à agroindústria ou transformação do segmento de produtores familiares numa determinada área em bolsão de reserva para o capital enquanto mão de obra dis-

ponível para exploração eventual ou intermitente. Ou, como pequeno produtor, se proprietário permanentemente endividado, acaba amarrado a contratos draconianos de parceria com os ‘tubarões’ da agricultura de exportação.”

(Ana Maria Motta Ribeiro, Sociologia do narcotráfico na América Latina e a questão camponesa, em Ana Maria Motta Ribeiro; Jorge Atílio S. Iulianelli (Orgs.), *Narcotráfico e violência no campo*. Rio de Janeiro: DP&A, 2000, p.24.)

a) O que significa grilagem de terras? Como surge o termo “grilagem”?

b) Como a estrutura agrária contribui para o processo migratório de camponeses, em vários sentidos e direções, pelo interior do Brasil?

RESOLUÇÃO

a) **Significa terras que foram obtidas por meio de documentação falsa de posse. O termo grilagem refere-se ao meio utilizado para dar um aspecto antigo à documentação falsificada, que consiste em colocar em uma caixa ou gaveta os papéis, o que dará uma coloração amarela aos mesmos.**

b) **A estrutura agrária brasileira – caracterizada por uma elevada concentração de terras nas mãos de um pequeno número de grandes proprietários rurais, com predomínio de políticas agrícolas que priorizam o crédito e os cultivos para exportação e que apresenta uma prática histórica de grilagem de terras – dificultou o acesso e/ou a permanência dos pequenos proprietários rurais em suas próprias terras.**

Questão 24

“Em 1985, viviam na Região Metropolitana de São Paulo mais de 14 milhões de pessoas. A maioria mora em habitações precárias - favelas, cortiços e casas autoconstruídas em terrenos destituídos de serviços públicos – e ganha poucos salários mínimos por mês, revelando um acentuado grau de pauperismo e precárias condições urbanas de existência. A Região configura-se enquanto Metrôpole não só pela sua extensão territorial, mas também porque é a partir dela que se organiza a dinâmica do capitalismo no Brasil, pois aí se concentra a engrenagem produtiva essencial à economia do País (...).”

(Lúcio Kowarick, *Escritos urbanos*. São Paulo: Ed. 34, 2000, p.19.)

a) O que define uma metrôpole?

b) Identifique dois fatores econômicos determinantes na metropolização de São Paulo.

RESOLUÇÃO

a) **Metrôpole é o principal centro econômico, estrutural e polarizador dentro do espaço urbano.**

b) **A industrialização, num primeiro momento, e a terciarização, mais recentemente, estão entre os fatores econômicos determinantes na metropolização de São Paulo.**